

**📖 เกร็ดความรู้...การคำนวณราคาตราสารหนี้**

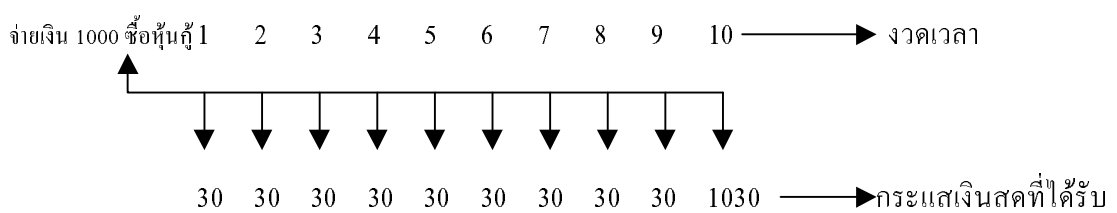
กลับมาที่คำถามที่เคยเกริ่นกันไว้ก่อนหน้านี้นี้ ว่าราคาตราสารหนี้ถูกกำหนดจากปัจจัยใดบ้าง ซึ่งคงพอจะสรุปได้ ดังนี้

1. กระแสเงินสดที่ผู้ลงทุนจะได้รับจากการถือตราสารหนี้ นั้น ทั้งในส่วนของดอกเบี้ยและเงินต้น
2. อัตราคิดลด ซึ่งเป็นอัตราที่คิดเพื่อสะท้อนมูลค่าของเงินที่มีค่าตามเวลา ซึ่งจะบอกว่าหากต้องการกระแสเงินสดที่จะเกิดขึ้นในอนาคตจำนวนหนึ่งๆ ในวันนี้ต้องจ่ายเงินจำนวนเท่าใด

ตัวอย่าง : หุ้นกู้ A อายุ 5 ปี ราคาหน้าตั๋ว 1,000 บาท กำหนดจ่ายดอกเบี้ยทุก 6 เดือน ในวันที่ 1 ม.ค. และ 1 ก.ค. ของทุกปี ในอัตราร้อยละ 6 ต่อปี โดยหุ้นกู้นี้ออกจำหน่ายในวันที่ 1 ม.ค. 2543 ถ้ามหาผู้ลงทุนจะซื้อหุ้นกู้นี้ในราคาเท่าใด เมื่ออัตราดอกเบี้ยตลาดในปัจจุบันเท่ากับ 6%ต่อปีเช่นกัน

ขั้นตอนการคิดต่างๆ ก็คงต้องดูว่าผู้ลงทุนจะได้รับกระแสเงินสดเท่าใดบ้างในอนาคต และเมื่อคิดลดกลับมาเป็นมูลค่าปัจจุบันมีค่าเท่าใด ผู้ลงทุนก็จะตัดสินใจซื้อที่ราคานี้ โดยมูลค่าปัจจุบันของหุ้นกู้ (Present Value หรือ PV) เท่ากับผลรวมของ PV ของรายได้ดอกเบี้ยทั้ง 10 งวด หรือ 5ปี และ PV ของเงินต้น 1,000 บาท เมื่อสิ้นปีที่ 5

กระแสเงินสดที่นักลงทุนจะได้รับ มี 2 ส่วน คือ ดอกเบี้ยที่ได้รับต่องวด คือ  $1,000 * 6\% * (6/12 \text{ เดือน}) = 30$  บาท หรือ 3%ต่อครึ่งปี เป็นเวลา 10 งวด และเงินต้นที่ได้รับคืนเมื่อสิ้นสุดระยะเวลาการลงทุน 1,000 บาทโดยเขียนเป็นรูปง่ายๆ ดังนี้



จากรูปข้างบน เขียนเป็นสูตรทางคณิตศาสตร์ โดยเป็นการรวม PV ของแต่ละงวดที่ได้รับเข้าด้วยกัน ดังนี้  $PV = [30/1.03] + [30/1.03^2] + [30/1.03^3] + \dots + [30/1.03^{10}] + [1000/1.03^{10}]$

จากรูปแบบข้างต้น สามารถเขียนให้อยู่ในรูปที่ง่ายขึ้นได้ โดยใช้หลักความรู้เรื่องการดึงพจน์ร่วม คือ 30 ออก ซึ่งพอจะเขียนใหม่ ดังนี้

$$10$$

$$PV = \sum 30/(1.03)^t + [1000/1.03^{10}]$$

$$t=1$$

$$PV = 255.91+744.09 = 1000$$

นักลงทุนจะตัดสินใจซื้อหุ้น A ในราคา 1,000 บาท ถ้าอัตราคิดลดเท่ากับ 6% โดยนักลงทุนจะตัดสินใจจ่ายซื้อหุ้นนั้นตามกระแสเงินสดที่ได้รับและคิดลดกลับมาเป็นมูลค่าปัจจุบัน

ถ้าหากเงื่อนไขทุกอย่างยังคงเหมือนเดิมแต่อัตราดอกเบี้ยตลาดมีการปรับตัวสูงขึ้น ส่งผลให้นักลงทุนต้องการอัตราผลตอบแทนสูงขึ้นด้วย สมมติให้อัตราคิดลดใหม่เท่ากับ 10% ต่อปี หรือ 5% ต่อครึ่งปีนั่นเอง ลองทายกันเล่นๆ ว่านักลงทุนคนนี้จะจ่ายเงินซื้อหุ้นนี้ในราคาที่สูงหรือต่ำ หรือว่าเท่ากับราคาตอนแรก

$$PV = [30/1.05] + [30/1.05^2] + [30/1.05^3] + \dots + [30/1.05^{10}] + [1000/1.05^{10}] \text{ หรือ}$$

$$t=1$$

$$PV = \sum_{t=1}^{10} 30/(1.05)^t + [1000/1.05^{10}]$$

$$t=1$$

$$PV = 231.65+613.91 = 845.56$$

จะเห็นว่าในกรณีนี้ นักลงทุนตัดสินใจซื้อหุ้น A ในราคา 845.56 บาท โดยนักลงทุนยอมจ่ายซื้อหุ้นนี้ในราคาที่ต่ำกว่าราคาหน้าตัว เนื่องจากหุ้น A ยังคงจ่ายดอกเบี้ยคงที่ที่ร้อยละ 6 ต่อปี ในขณะที่อัตราดอกเบี้ยในตลาดสูงขึ้นเรื่อยๆ จนมาอยู่ที่ระดับร้อยละ 10 นั้นหมายความว่าหากนักลงทุนไม่นำเงินไปลงทุนในหุ้นนี้แต่นำมาลงทุนประเภทอื่นในตลาดแทน เขาจะได้รับผลตอบแทนร้อยละ 10 ดังนั้น หากต้องการให้เขาซื้อหุ้นนี้ที่จ่ายผลตอบแทนต่ำกว่าตลาด เขาก็จะยอมจ่ายซื้อในราคาที่ต่ำกว่าราคาหน้าตัวนั้นเพื่อชดเชยกับรายได้ดอกเบี้ยของหุ้น (6%) ที่น้อยกว่ารายได้ที่ได้รับจากดอกเบี้ยของตลาด (10%)

ลองคิดในทางกลับกัน ถ้าอัตราดอกเบี้ยในตลาดปรับตัวลดลง จนลงมาต่ำกว่าระดับ 6% ตอนนี้นักลงทุนคงพอตอบได้แล้วว่า นักลงทุนจะจ่ายซื้อในราคาเท่าใด (สมมติว่าอัตราดอกเบี้ยตลาดเป็น 4%) แล้วสัปดาห์หน้ามาเจอกัน และเราจะมาดูความแตกต่างระหว่างอัตราคิดลด และ อัตราดอกเบี้ยที่ตราไว้

ข้อมูลและรายละเอียดเกี่ยวกับตราสารหนี้ที่ขึ้นทะเบียนกับศูนย์ซื้อขายตราสารหนี้ไทยได้ถูกรวบรวมและจัดทำเป็นรูปเล่มแล้ว Thai BDC Bond Profile 2000 ผู้สนใจสามารถติดต่อได้ที่ ศูนย์ซื้อขายตราสารหนี้ไทย ส่วนตราสารหนี้ที่ขึ้นทะเบียน โทร. 252-3336 ต่อ 320-323

## 📖 การคิดคำนวณราคาตราสารหนี้ (2)

หลังจากที่ได้ทราบถึงวิธีการคิดคำนวณราคาตราสารหนี้แบบราคาตามหน้าตั๋วและราคาที่มีส่วนลดแล้วได้ ทิ้งท้ายไว้ว่าถ้าหากอัตราดอกเบี้ยตลาดปรับตัวลดลง ต่ำกว่าระดับอัตราดอกเบี้ยของหุ้นกู้ที่ตราไว้ ราคาที่ซื้อขายกัน ก็จะเป็นราคาที่สูงกว่าราคาหน้าตั๋ว ลองมาดูการคำนวณกัน

โดยใช้ตัวอย่างเดียวกับในสัปดาห์ที่แล้ว หุ้นกู้ A อายุ 5 ปี ราคาหน้าตั๋ว 1,000 บาท กำหนดจ่ายดอกเบี้ยทุก 6 เดือน ในวันที่ 1 ม.ค. และ 1 ก.ค. ของทุกปี ในอัตราร้อยละ 6 ต่อปี โดยหุ้นกุนี้ออกจำหน่ายในวันที่ 1 ม.ค. 2543 อัตราดอกเบี้ยตลาดในปัจจุบันสมมุติเท่ากับ 4% ต่อปี หรือ 2% ต่อครึ่งปีซึ่งต่ำกว่าอัตราดอกเบี้ยที่ตราไว้ นักลงทุน จะตัดสินใจซื้อหุ้นกุนี้นี้ในราคาเท่าใด ยังคงยึดหลักการเดิมคือ คิดกระแสเงินที่จะได้รับในอนาคตกลับมาเป็นมูลค่า ปัจจุบัน

$$PV = [30/1.02] + [30/1.02^2] + [30/1.02^3] + \dots + [30/1.02^{10}] + [1000/1.02^{10}]$$

10

$$PV = \sum_{t=1}^{10} 30/(1.02)^t + [1000/1.02^{10}]$$

t=1

$$PV = 269.48 + 820.35 = 1,089.83$$

จะเห็นว่าในกรณีนี้ นักลงทุนตัดสินใจซื้อหุ้นกู้ A ในราคา 1,089.83 บาท โดยนักลงทุนจะต้องจ่ายซื้อหุ้นกุนี้นี้ ในราคาที่สูงกว่าราคาหน้าตั๋ว เนื่องจากหุ้นกู้ A ยังคงจ่ายดอกเบี้ยคงที่ที่ร้อยละ 6 ต่อปี ในขณะที่อัตราดอกเบี้ยในตลาดปรับตัวลดลงมาอยู่ที่ระดับร้อยละ 4 ซึ่งนักลงทุนย่อมต้องการที่จะซื้อหุ้นกุนี้นี้ เนื่องจากให้ผลตอบแทนสูงกว่าดอกเบี้ยตลาด เมื่อมีคนต้องการซื้อหุ้นกุนี้นี้มาก ก็จะทำให้ราคาสูงขึ้นเรื่อยๆ จนมาอยู่ที่ระดับ 1,089.83 บาท ซึ่งเท่ากับผลตอบแทนที่ผู้ลงทุนจะได้รับในอนาคต คิดกลับมา ณ วันนี้ ด้วยอัตราดอกเบี้ยตลาด

สรุปแล้ว จะเห็นว่าราคาของตราสารหนี้จะแปรผกผันกับอัตราดอกเบี้ยในตลาด นั่นคือ เป็นไปในทิศทางตรงกันข้าม ถ้ายังจำกันได้ในเรื่องแรกที่เราเคยคุยกันเรื่องความเสี่ยง เราก็ได้ทราบแล้วว่าตราสารหนี้สามารถซื้อขายกันได้ในราคาหน้าตั๋ว (Par Bond) ต่ำกว่าราคาหน้าตั๋ว (Discount Bond) และสูงกว่าราคาหน้าตั๋ว (Premium Bond) โดยเป็นไปตามการเคลื่อนไหวของอัตราดอกเบี้ยของตลาดในขณะนั้นๆ

มาถึงตรงนี้จะชี้ให้เห็นถึงความแตกต่างระหว่างอัตราคิดลด และอัตราดอกเบี้ยที่ตราไว้ โดยอัตราดอกเบี้ยที่ตราไว้ เป็น คูปอง (Coupon) ซึ่งเป็นผลตอบแทนซึ่งหุ้นกุนี้นี้จ่ายให้แก่ผู้ลงทุนเป็นงวด เพื่อตอบแทนแก่ผู้ลงทุนในตราสาร ถ้าเทียบในที่นี้ก็คือ 6% นั่นเอง

ส่วนอัตราคิดลดซึ่งก็คือ อัตราผลตอบแทนที่นักลงทุนพอใจที่จะซื้อขายหุ้นกุนี้นั้นๆ และเป็นอัตราที่ใช้ในการคิดลดกระแสเงินสดในอนาคตกลับมาเป็นมูลค่าปัจจุบัน ซึ่งคงพอจะมองเห็นภาพชัดเจนขึ้นถ้าลองในทางกลับกันว่า หากเราต้องซื้อหุ้นกุนี้นี้ในราคา 1,089.83 บาท โดยได้ผลตอบแทนเป็นดอกเบี้ย 30 บาทต่องวด 10 งวด และ

ได้รับเงินต้น 1,000 บาทคืน เมื่อครบกำหนดไถ่ถอน จะพบว่าอัตราผลตอบแทนที่ได้รับจากการลงทุนจะเท่ากับ 2% ต่องวด หรือ 4% ต่อปี ดังแสดงการคำนวณ ดังนี้

$$1,089.83 = [30/(1+r)] + [30/(1+r)^2] + [30/(1+r)^3] + \dots + [30/(1+r)^{10}] + [1000/(1+r)^{10}]$$

10

$$1,089.83 = \sum_{t=1}^{10} 30/(1+r)^t + [1000/(1+r)^{10}]$$

t=1

จะได้  $r = 2\%$  ซึ่งเป็นอัตราผลตอบแทนต่อครึ่งปี หรือ 4% ต่อปี

อัตราคิดลดนี้ เป็นอัตราผลตอบแทนที่นักลงทุนคาดว่าจะได้รับจากการลงทุน นับจากปัจจุบันถึงวันครบกำหนดอายุของตราสาร ในขณะที่เขาตัดสินใจลงทุนในตราสารนั้น ซึ่งหมายถึงอัตราผลตอบแทนต่อปีจากการลงทุนในตราสารนั้นตลอดช่วงอายุที่เหลือของตราสารนั้น โดย Yield to Maturity สามารถเปลี่ยนแปลงตามอัตราดอกเบี้ยของตลาดได้ ในขณะที่ Coupon Rate นั้น หมายถึง อัตราดอกเบี้ยที่ตราไว้ของตราสารนี้ตั้งแต่เมื่อออกขายครั้งแรกและไม่เปลี่ยนแปลงตลอดอายุของตราสารนี้ มาถึงตรงนี้เชื่อว่าหลายคนคงพอจะเข้าใจถึงความแตกต่างระหว่าง Yield to Maturity และ Coupon Rate แล้ว

**เกร็ดความรู้: การคำนวณมูลค่า และผลตอบแทนของตราสารหนี้ (1)**

ตราสารหนี้เป็นเครื่องมือทางการเงินอย่างหนึ่งที่มีความสำคัญต่อระบบการเงินและเศรษฐกิจ โดยเฉพาะอย่างยิ่งในสถานะที่รัฐบาลมีความจำเป็นต้องใช้เงิน โดยขณะนี้รัฐบาลใช้นโยบายขาดดุลงบประมาณทำให้การออกพันธบัตรรัฐบาลเป็นเครื่องมือในการเพิ่มหรือลดอุปทานในตลาดเงินและเพื่อควบคุมปริมาณเงินในระบบทางหนึ่ง พันธบัตรรัฐบาลเป็นหลักทรัพย์ระยะยาวมีอายุตั้งแต่ 1 ปีขึ้นไป โดยปกติจะจ่ายดอกเบี้ยทุกงวด 6 เดือน ตามอัตราดอกเบี้ยที่กำหนด (Coupon Rate) เมื่อครบกำหนดไถ่ถอนผู้ถือกรรมสิทธิ์จะได้รับชำระคืนเงินต้นตามราคาที่ตราไว้ในพันธบัตร กรณีที่วันไถ่ถอนไม่ตรงกับวันจ่ายดอกเบี้ยงวดสุดท้าย ผู้ถือจะได้รับดอกเบี้ยค้างรับนับจากวันจ่ายดอกเบี้ยงวดสุดท้ายถึงวันครบกำหนดไถ่ถอนด้วย แต่ก่อนจะอธิบายอีกไปก่อนนี้ จะขออธิบายถึงความแตกต่างระหว่าง **อัตราดอกเบี้ยที่กำหนด (Coupon Rate)** และ **อัตราผลตอบแทน (Yield to Maturity)**

**อัตราดอกเบี้ยที่กำหนด** คือ อัตราดอกเบี้ยที่ระบุว่าจะจ่ายเมื่อถึงกำหนดชำระดอกเบี้ยของตราสารหนี้ โดยกำหนดให้เป็นอัตราร้อยละต่อปี ซึ่งถ้าเป็นพันธบัตรรัฐบาลจะเป็นแบบคงที่ และจ่ายทุกๆ 6 เดือน

ตัวอย่างเช่น พันธบัตรออมทรัพย์ของกระทรวงการคลังที่จัดจำหน่ายโดยชปท. ซึ่งออกในวันที่ 19 มค. 2543 กำหนดอัตราดอกเบี้ยร้อยละ 6.40 ต่อปี โดยกำหนดที่จะจ่ายดอกเบี้ยปีละ 2 ครั้งในวันที่ 19 มค. และ 19 กค. โดยจำหน่ายหน่วยละ (ราคาที่ตราไว้) 1,000 บาท ดังนั้นอัตราดอกเบี้ยที่ผู้ลงทุนจะได้รับในแต่ละปีจะเท่ากับ

$$1,000 \times 6.4\% = 64 \text{ บาทต่อหน่วยต่อปี}$$

แต่เนื่องจากพันธบัตรประเภทนี้จ่ายดอกเบี้ยปีละ 2 ครั้ง ดังนั้นดอกเบี้ยจะถูกจ่ายเพียง

$$64/2 = 32 \text{ บาทต่อหน่วยต่อครึ่ง}$$

หรือคิดง่ายๆ คือ อัตราดอกเบี้ย(ต่อปี) หารด้วยจำนวนครั้งที่จ่ายแล้วเอาไปคูณด้วยจำนวนราคาที่ตราไว้ ซึ่งเท่ากับ

$$(6.4\%/2) \times 1,000 = 32 \text{ บาทต่อหน่วยต่อครึ่ง}$$

จำนวนงวดที่จ่ายดอกเบี้ยในแต่ละปีจะมีผลกระทบต่อการลงทุนต่อเช่นกัน เนื่องจากดอกเบี้ยที่ได้รับในแต่ละงวดสามารถนำไปลงทุนต่อได้ ยิ่งถ้ามีการจ่ายดอกเบี้ยมากครั้งในแต่ละปีจะทำให้ผู้ลงทุนสามารถนำดอกเบี้ยที่ได้รับไปลงทุนต่อเพื่อหาผลตอบแทนอื่นๆ ได้อีก

**อัตราผลตอบแทน (Yield to Maturity)** หมายถึงระดับอัตราผลตอบแทนที่จะได้รับโดยคำนวณถึงวันครบกำหนดอายุ หรือเรียกอีกอย่างว่าอัตราคิดลด ซึ่งมีปัจจัยที่จะทำให้ผลตอบแทนเปลี่ยนแปลงได้แก่ การเปลี่ยนแปลงสถานะอัตราดอกเบี้ยในตลาด และ การเปลี่ยนแปลงอันถึงความน่าเชื่อถือของตราสารหนี้หรือขององค์กรผู้ออก การวัดอัตราผลตอบแทนสามารถวัดได้หลายรูปแบบ ที่สำคัญคือ

1. **อัตราผลตอบแทนปัจจุบัน (Current Yield)** เป็นการคำนวณอัตราผลตอบแทนอย่างง่ายโดยนำดอกเบี้ยที่จะได้รับจากตราสารหนี้คูณหารด้วยราคาของตราสารหนี้
2. **อัตราผลตอบแทนคำนวณจนถึงวันครบกำหนดอายุ (Yield to Maturity)** เป็นการคำนวณหาอัตราผลตอบแทนที่จะได้รับจากการลงทุน นับจากปัจจุบันจนถึงวันครบกำหนดอายุของตราสาร โดยมีข้อจำกัดคือหากนักลงทุนไม่ได้ถือตราสารหนี้ไปจนถึงวันครบกำหนดอายุ หรือหากอัตราดอกเบี้ยในการนำดอกเบี้ยที่จะได้รับไปลงทุนต่อเปลี่ยนแปลง อัตราผลตอบแทนดังกล่าวจะแปรเปลี่ยนไป หรือถ้ากระแสเงินที่จะได้รับในอนาคตมีความไม่แน่นอน จะทำให้ค่าที่ได้เปลี่ยนแปลงไปเช่นกัน

3. อัตราผลตอบแทนสุทธิ (Total Return Yield) เป็นการคำนวณว่าในระหว่างที่นักลงทุนซื้อตราสารหนี้จะได้รับดอกเบี้ยในระหว่างที่ถือครองอยู่และรวมทั้งสามารถนำดอกเบี้ยนั้นไปลงทุนต่อ ในขณะที่เมื่อขายก็อาจมีกำไรหรือขาดทุนจากการขายตราสารหนี้

คำอธิบายการคำนวณราคาของตราสาร ณ ระดับอัตราผลตอบแทนต่างๆ และความสัมพันธ์ระหว่างราคาและอัตราผลตอบแทนจะอธิบายต่อไป

## ศูนย์ซื้อขายตราสารหนี้ไทย

www.thaibdc.or.th

### เกร็ดความรู้ : การคำนวณมูลค่าและผลตอบแทนของตราสารหนี้ (2)

#### ★ อัตราผลตอบแทนของตราสารหนี้ (ต่อ)

อัตราผลตอบแทนของตราสารหนี้ นับเป็นตัวแปรที่สำคัญที่สุดตัวแปรหนึ่งในการกำหนดราคาตราสารหนี้ เนื่องจากสามารถเปลี่ยนแปลงได้ตามสภาวะตลาด ซึ่งการอัตราผลตอบแทนสามารถทำได้หลายวิธี ซึ่งเคยอธิบายอย่างคร่าวๆ เมื่อสัปดาห์ก่อน สัปดาห์นี้จะอธิบายถึงวิธีการวัดอัตราผลตอบแทนของตราสารหนี้ โดยละเอียดพร้อมตัวอย่างเพื่อให้เข้าใจได้ง่าย

#### วิธีที่ 1 อัตราผลตอบแทนปัจจุบัน (Current Yield) สามารถคำนวณได้จากสูตร

$$\text{Current Yield} = \frac{\text{Annual Coupon}}{\text{Price of Bond}}$$

เช่น ตราสารหนี้อายุ 30 ปี ราคาหน้าตัว 1,000 บาท จ่ายดอกเบี้ย 8% ต่อปี ทุกครั้งปี ขายที่ราคา 1,276.76

$$\text{อัตราผลตอบแทน ณ ปัจจุบัน} = \frac{1,000 * 8\%}{1,276.76} = 6.27\%$$

อัตราผลตอบแทน ณ ปัจจุบัน จากการถือตราสารหนี้อายุ 30 ปี คือ 6.27%

วิธีที่ 2 อัตราผลตอบแทนคำนวณจนถึงวันครบอายุ (Yield to Maturity/YTM) เป็นการคิดอัตราผลตอบแทนนับจากปัจจุบันถึงวันครบกำหนดอายุของตราสาร ซึ่งจะมีสมมุติฐานว่าจะนำดอกเบี้ยที่ได้ในแต่ละงวดไปลงทุนต่อครบกำหนดอายุของตราสาร ซึ่งสามารถคำนวณได้จากสูตร ( $P$  = ราคาที่ซื้อตราสารหนี้,  $C$  = ดอกเบี้ยที่ได้รับต่อครั้ง,  $M$  = ราคาหน้าตัว,  $r$  = อัตราผลตอบแทนต่องวด)

$$P = \sum_{t=1}^n \frac{C}{(1+r)^t} + \frac{M}{(1+r)^n}$$

เช่น ตราสารหนี้อายุ 30 ปี จ่ายอัตราดอกเบี้ย 8% ต่อปี ทุกครั้งปี ซื้อที่ราคา 1,276.76 อัตราผลตอบแทน

คำนวณจนถึงวันครบอายุ

$$1,276.76 = \sum_{t=1}^{30 \times 2} \frac{1000 \times (8\%/2)}{(1+r)^t} + \frac{1000}{(1+r)^{60}}$$

$$r = 3\% \text{ ต่อครั้งปี}$$

ดังนั้น อัตราผลตอบแทนคำนวณจนถึงวันครบอายุ =  $3\% * 2 = 6\%$  ต่อปี ซึ่งถ้าถือไม่ครบกำหนดอายุของตราสาร อัตราผลตอบแทนดังกล่าวจะเปลี่ยนไป เนื่องจาก จำนวนดอกเบี้ยที่ได้รับแปรเปลี่ยนไป ราคาที่ขายอาจจะเพิ่มขึ้นหรือลดลงจากราคาหน้าตัว

วิธีที่ 3 อัตราผลตอบแทนสุทธิ (Total Return Yield/TRY) การคำนวณวิธีนี้เป็น การคำนวณหาอัตราผลตอบแทนที่จำนวนครั้งที่ในการได้รับดอกเบี้ยมีการเปลี่ยนแปลง หรือถือไว้ไม่ครบกำหนดได้อ่อนแล้วนำไปลงทุน

ในตราสารที่ให้ผลตอบแทนที่แตกต่างไป ซึ่งจะมีผลทำให้อัตราผลตอบแทนสุทธิแท้จริงที่ได้ต้องมีการรวมคำนวณ ดอกเบี้ยที่ได้รับโดยมีสมมุติฐานว่านำไปลงทุนต่อ (Reinvestment Rate) โดยมีสูตรการคำนวณดังนี้

$$\text{อัตราผลตอบแทนสุทธิ} = \left( \frac{\text{ผลตอบแทนในอนาคตโดยรวม}}{\text{ราคาที่ซื้อตราสารหนี้}} \right)^{1/n} - 1$$

ตัวอย่าง ตราสารหนี้อายุ 30 ปีหน่วย:

บาท โดยดอกเบี้ยที่ได้รับจากตราสารหนี้ดังกล่าว สามารถนำไปลงทุนต่อ และได้รับดอกเบี้ยในอัตรา 6% โดยนักลงทุน คาดว่าหลังจากถือตราสารหนี้ดังกล่าว 3 ปี จะสามารถขายได้ที่อัตราผลตอบแทน 7%

- ดอกเบี้ยที่จะได้รับในอนาคต โดยคิดว่าดอกเบี้ยที่ได้รับในแต่ละงวด จะสามารถนำไปลงทุนต่อ โดยได้รับดอกเบี้ยที่ 6% ซึ่งคำนวณ ดังนี้ (C = ผลตอบแทนจากดอกเบี้ย = (8%/2) \* 100 = 4%)

$$\begin{aligned} \text{ผลตอบแทนโดยรวมจากดอกเบี้ยรับ} &= C \left( \frac{1+r}{1} \right)^n - 1 \\ &= 40 \left( \frac{1+0.03}{1} \right)^6 - 1 \\ &= 258.74 \end{aligned}$$

- ราคาที่สิ้นปีที่ 3 ณ อัตราดอกเบี้ยในตลาดสำหรับตราสารหนี้ดังกล่าวที่ 7% ดังนั้นราคาในอนาคตจะเท่ากับ

$$\begin{aligned} P &= \sum_{t=1}^n \frac{C}{(1+r)^t} + \frac{M}{(1+r)^n} \\ &= \sum_{t=1}^{54} \frac{40}{(1+0.035)^t} + \frac{1000}{(1+0.035)^{54}} \\ &= 1,120.57 \end{aligned}$$

- ผลตอบแทนในอนาคตโดยรวม ณ สิ้นปีที่ 3 = 258.74 + 1,120.57 = 1,379.31
- อัตราผลตอบแทนสุทธิ (คิดแบบครึ่งปี) =  $(1,379.31/828.40)^{1/6} - 1 = 8.87\%$

### ★ ความสัมพันธ์ระหว่างราคา และ อัตราผลตอบแทน (Price/Yield Relationship)

ความสัมพันธ์ของราคาและอัตราผลตอบแทนเป็นเส้นโค้งที่เรียกว่า Convexity คือ ค่าของอัตราผลตอบแทนจะอยู่ในส่วนหางและจะถูกยกกำลังตามระยะเวลาของกระแสเงินในงวดต่างๆ

ความสัมพันธ์ของราคาและอัตราผลตอบแทนจะมีความสัมพันธ์แบบผกผัน ซึ่งความสัมพันธ์ของราคา อัตราดอกเบี้ย (Coupon Rate) และอัตราผลตอบแทนที่ต้องการหรืออัตราผลตอบแทนที่เป็นที่ต้องการของตลาด (Yield Rate) สามารถสรุปได้ดังนี้

**กรณีที่ 1 :** ถ้าอัตราดอกเบี้ยที่ตราไว้หน้าตั๋ว < อัตราผลตอบแทน ทำให้ราคาของตราสารหนี้ต่ำกว่ามูลค่าที่ตราไว้ (Discounted Bond) เนื่องจากในขณะนั้นอัตราดอกเบี้ยในตลาดมีการปรับตัวเพิ่มสูงขึ้นและอาจทำให้ตราสารหนี้ตัวนั้นไม่เป็นที่ต้องการของนักลงทุน เพราะสามารถไปลงทุนในตราสารที่ออกใหม่ที่ให้ผลตอบแทนสูงกว่า

**กรณีที่ 2** ถ้าอัตราดอกเบี้ยที่ตราไว้หน้าตั๋ว = อัตราผลตอบแทน ราคาของตราสารหนี้จะเท่ากับมูลค่าที่ตราไว้



**กรณีที่ 3** ถ้าอัตราดอกเบี้ยที่ตราไว้หน้าตั๋ว > อัตราผลตอบแทนทำให้ราคาของตราสารหนี้สูงกว่ามูลค่าที่ตราไว้ (Premium Bond) เนื่องจากขณะนั้นอัตราดอกเบี้ยในตลาดมีการปรับตัวลดลง ในขณะที่อัตราผลตอบแทนของตราสารดังกล่าวสูงกว่าอัตราดอกเบี้ยของตลาด ดังนั้นนักลงทุนจะเลือกถือตราสารหนี้ที่ให้ผลตอบแทนมากกว่า

## ศูนย์ซื้อขายตราสารหนี้ไทย

[www.thaibdc.or.th](http://www.thaibdc.or.th)

### เกร็ดความรู้ การคำนวณราคาสำหรับการซื้อขายพันธบัตรรัฐบาลประเภทจ่ายดอกเบี้ยทุก 6 เดือน

พันธบัตรรัฐบาล (Government Bond) เป็นหลักทรัพย์ระยะยาวอายุตั้งแต่ 1 ปีขึ้นไป จ่ายดอกเบี้ยทุกงวด 6 เดือน ตามอัตราดอกเบี้ยที่กำหนด เมื่อครบกำหนดไถ่ถอนผู้ถือกรรมสิทธิ์จะได้รับชำระคืนเงินต้นตามราคาที่ตราไว้ในพันธบัตร และกรณีที่ยังไถ่ถอนไม่ตรงกับวันจ่ายดอกเบี้ยงวดสุดท้าย จะได้รับดอกเบี้ยค้างรับนับจากวันจ่ายดอกเบี้ยงวดสุดท้ายจนถึงวันครบกำหนดไถ่ถอนด้วย

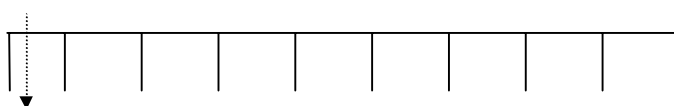
เกณฑ์การเสนอราคาซื้อขายในตลาดรองเป็นราคาต่อร้อยบาท ทศนิยม 6 ตำแหน่งโดยไม่รวมดอกเบี้ยค้างรับที่นับจากวันจ่ายดอกเบี้ยงวดล่าสุดก่อนการซื้อขายจนถึงวันส่งมอบพันธบัตรที่ซื้อขาย (Clean Price) และระบุอัตราผลตอบแทนเป็นร้อยละต่อปี ซึ่งคำนวณทบต้นทุกๆ 6 เดือน ทศนิยม 6 ตำแหน่งควบคู่ไปด้วย โดยให้ถือว่า 1 ปีมี 365 วัน เศษของงวดการจ่ายดอกเบี้ยให้นับจำนวนวันจริง และเมื่อมีการคำนวณราคาส่งมอบ (Dirty Price) จะคำนวณรวม ดอกเบี้ยค้างรับเข้าไปด้วย

การคำนวณราคาเป็นการหาค่าปัจจุบันอย่างหนึ่งซึ่งมีสูตรการคำนวณดังนี้

$$P = \frac{C/M}{1+(Y/M)^1} + \frac{C/M}{1+(Y/M)^2} + \frac{C/M}{1+(Y/M)^3} + \dots + \frac{(C/M)+F}{1+(Y/M)^{MN}}$$

โดยที่ F = ราคาไถ่ถอน N = อายุของตราสาร  
C = อัตราดอกเบี้ยต่อปี Y = อัตราผลตอบแทนที่ต้องการ  
M = จำนวนครั้งของการจ่ายดอกเบี้ยใน 1 ปี P = ราคาส่งมอบ (Dirty Price/Settlement Price)

อย่างไรก็ตามวิธีการคำนวณจริงๆ จะซับซ้อนกว่านี้และเนื่องจากพันธบัตรออมทรัพย์รุ่นที่ออกในปัจจุบันนี้จะมีบางรุ่นที่ Issuing Date ไม่ตรงกับ Coupon Payment Date ซึ่งดังแสดงในรูป (จึงมี ODD หน้า คือช่วงตั้งแต่ i = 0 ถึง Issuing Date)



i = 0 i = 1 i = 2 i = 3 i = 4 i = 5 i = 6 i = 7 i = 8 Due Date

Issuing Date

(if last i = due date จะไม่มีดอกเบี้ยในส่วน of Odd หลัง)

- (1.1) ณ Due Date มีผลตอบแทนคือ ราคาหน้าตัว + ดอกเบี้ย ของ ODD หลังหัก PV ของมูลค่าดังกล่าว กลับมายัง i = 8 โดยใช้สูตร

$$PV = \frac{FV}{[1+(YTM/2)] [Days/(365/2)]}$$

- (1.2) นำค่าที่ได้ในข้อ (1.1) คัด PV กลับมายัง First Interest Payment (i=1) โดยใช้สูตร

$$PV = \frac{FV}{[1+(YTM/2)]^n} \quad \text{----- ①}$$

- ตลอดระยะเวลาผู้ถือหุ้นกู้จะได้รับผลตอบแทน คือ Coupon หา PV ของ Coupon กลับมายังที่ i=1

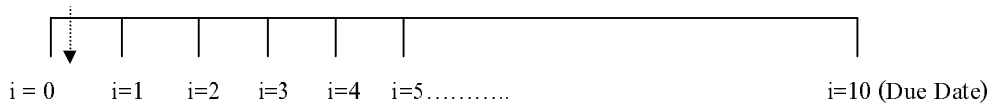
$$PV = \sum [ \text{Coupon} / [1 + (YTM/2)] ]^n \dots\dots\dots ②$$

3. หาดอกเบี้ยตั้งแต่ Issuing Date หรือ  $i = 0$  ถึง First Interest Payment ( $i = 1$ )
4. หาผลรวมของ ①+②+③
5. หา PV ของ 4 มายัง Settlement Date หรือวัน Value Date ของเช็คโดยใช้สูตร

$$PV = \frac{FV}{\left[ 1 + \frac{YTM}{2} \right]^{days / (365/2)}}$$

ซึ่งราคาที่ได้ออกมาเป็น Dirty Price หรือ Settlement Price ซึ่งจะพูดความหมายและความแตกต่างของ Dirty Price และ Clean Price ในสัปดาห์หน้า

ตัวอย่างการคำนวณหาราคา ณ Issuing Date ของพันธบัตรออมทรัพย์ของกระทรวงการคลังที่ออกจำหน่ายในวันที่ 24 มค. 2543 ซึ่งมีราคาที่เราไ้หน่วยละ 1,000 บาท โดยมีดอกเบี้ยตราหน้าพันธบัตรร้อยละ 6.40 และได้แบ่งชำระดอกเบี้ยปีละสองงวดคือ ในวันที่ 19 กค. และ 19 มค. ซึ่งมีกำหนดชำระคืนวันที่ 19 มค. 2548 (assume ว่า issuing date เป็นวันเดียวกับ Settlement Date)



Issuing date

จากสูตรข้างบนดังกล่าว กรณีคิดอัตราผลตอบแทนเท่ากับอัตราดอกเบี้ยตราบนหน้าพันธบัตร (YTM = Coupon) ซึ่งสามารถคำนวณราคาได้ดังนี้

1. ในกรณีนี้ไม่มี odd หลังเนื่องจากวันที่จ่ายดอกเบี้ยและวันที่ถึงกำหนดชำระคืนเป็นวันเดียวกัน ดังนั้น

$$FV = PV = 1,000$$

2. คำนวณหา PV ของราคาหน้าตั๋วที่  $i = 1$

$$PV = 753.152157 \dots\dots\dots ①$$

3. คำนวณหา PV ของ coupon ที่  $i = 1$

$$PV = 246.847843 \dots\dots\dots ②$$

4. อัตราดอกเบี้ยคงค้างใน odd หน้าเท่ากับ 31.03562 ..... ③

5. คำนวณหา PV ของ ①+②+③ ตั้งแต่วันจ่ายดอกเบี้ยงวดแรกกลับมาที่ Settlement Date หรือในกรณีนี้คือ Issuing Date (24 มค. 43 - 19 กค. 43 = 177 วัน)  $n = 177/182.5$  ดังนั้นจะได้ราคาพันธบัตร

(Settlement Price) ณ issuing date เท่ากับ **1,000.01436 บาทต่อหน่วย**

## เกร็ดความรู้ : การคำนวณราคาตราสารหนี้แบบพื้นฐาน (1)

หลังจากที่ค้นรายการไปพักผ่อนกันด้วยเรื่องที่ไม่ใช่การคำนวณเท่าไรนัก อย่างตราสารกึ่งหนี้กึ่งทุนกันไป 2 ครั้ง มาในวันนี้เราจะมาต่อในส่วนการคำนวณ โดยผู้เขียนใช้เวลา 4 ครั้งในการปูพื้นฐานเรื่องของค่าเงินตามเวลาไปแล้วนั้น สำหรับตอนนี้เราจะเริ่มเข้าสู่การคำนวณราคาตราสารหนี้ โดยขอวางกรอบการพูดเรื่องการคำนวณราคาตราสารหนี้เป็น 2 ส่วน คือ ส่วนแรกจะเป็นส่วนที่เราจะคุยกันในวันนี้ เป็นพื้นฐานการคำนวณจะมีรูปแบบง่ายๆ มีการซื้อขายตรงงวด และเราจะแทรกด้วยเรื่องของกราวด์อัตราผลตอบแทน ต่อจากนั้นจะมีการศึกษาการคำนวณราคาตราสารหนี้แบบที่เกิดขึ้นจริงในตลาด ซึ่งส่วนใหญ่จะเป็นการซื้อขายไม่ตรงวันจ่ายดอกเบี้ย หรือจ่ายคืนเงินต้น ซึ่งจะทำให้การคำนวณมีความซับซ้อนมากขึ้น

เรามารับเรื่องที่จะคุยกันวันนี้ ในส่วนการคำนวณราคาขั้นต้นก่อน โดยที่เราสามารถใช้ประโยชน์จากพื้นฐานในเรื่องมูลค่าปัจจุบันของเงินงวด (Present Value of Annuity) ที่ได้คุยกันไปแล้ว โดยยังคงยึดพื้นฐานเดิมเรื่องการกำหนดมูลค่าของสินทรัพย์ใดๆ จากการศึกษากระแสเงินสดที่สินทรัพย์นั้นจะจ่ายให้ออนาคต (Future Cash Flows) และปรับมูลค่ากระแสเงินสดที่คาดว่าจะได้รับนี้ให้เป็นมูลค่าปัจจุบัน (Present Value) ซึ่งในการประเมินมูลค่าสินทรัพย์ใดๆ รวมทั้งตราสารหนี้ด้วยแล้ว เราจำเป็นที่จะต้องทราบ จำนวนกระแสเงินสดที่สินทรัพย์นั้นจะจ่าย (FCF) เวลาที่สินทรัพย์นั้นจะจ่ายกระแสเงินสดให้ (t) และอัตราคิดลด (k) โดยมูลค่าจะหาได้ตามสมการ ดังนี้

โดยที่

$$P_0 = \frac{FCF_1}{(1+k)^1} + \frac{FCF_2}{(1+k)^2} + \frac{FCF_3}{(1+k)^3} + \dots + \frac{FCF_T}{(1+k)^T}$$

$FCF_t$  = กระแสเงินสดที่สินทรัพย์นั้นจะจ่ายให้ออนาคต ณ เวลา  $t = 1, 2, 3, \dots, T$

$k$  = อัตราคิดลดต่องวดเวลา

$P_0$  = ราคาตราสารหนี้ ณ งวดปัจจุบันที่  $t = 0$

เมื่อเราเข้าใจสมการพื้นฐานการประเมินมูลค่าสินทรัพย์แล้ว ตอนนี้จะพบว่าเราสามารถประยุกต์สมการข้างต้นในการคำนวณราคาตราสารหนี้ได้ โดยเราต้องเริ่มที่การทำความเข้าใจว่าตัวแปรแต่ละตัวในสมการข้างต้นนั้นคืออะไรในการซื้อขายตราสารหนี้

ถ้ายังจำได้ครั้งแรกที่เราเริ่มคุยเรื่องการกำหนดราคาตราสารหนี้ เราได้ทราบแล้วว่าปัจจัยที่กำหนดราคาตราสารหนี้ ได้แก่

1. กระแสเงินสดที่ตราสารหนี้จ่าย ปกติตราสารหนี้จะมีการจ่ายกระแสเงินสดให้ผู้ถือหุ้นกู้ใน 2 รูปแบบ ได้แก่

- ดอกเบี้ย หรือ คูปอง (Interest or Coupon) การจ่ายดอกเบี้ยนี้จะมีการกำหนดเป็นร้อยละต่อปี (Coupon Rate) โดยการคำนวณดอกเบี้ยที่จะจ่ายในแต่ละงวดนั้นจะมีการปรับอัตราดอกเบี้ยให้สอดคล้องกับงวดการจ่าย

ดอกเบี้ยเสียก่อน สมมติว่าหุ้นกู้รุ่นหนึ่งกำหนดอัตราดอกเบี้ยร้อยละ  $k$  โดยใน 1 ปี จะมีการจ่ายดอกเบี้ย  $H$  งวด  
หุ้นกู้นี้มีราคาตราไว้  $M$  บาท ดอกเบี้ยจ่ายในแต่ละงวดจะเท่ากับ

$$C = \left( \frac{k}{100 \times H} \right) \times M$$

- เวลาที่ตราสารหนี้จ่ายกระแสเงิน ประกอบด้วย วันที่ผู้ออกจะชำระดอกเบี้ย (Coupon Date) และวันที่ครบกำหนดไถ่คืนหุ้นกู้ (Maturity Date) โดยจะนับระยะเวลาจากวันปัจจุบันไปจนถึงวันครบกำหนดจ่ายกระแสเงิน
- อัตราคิดลด (Interest Rate) โดยปกติแล้วจะปรับตัวขึ้นลงไปในทิศทางเดียวกันกับการปรับตัวของอัตราดอกเบี้ยในตลาด ซึ่งสามารถกล่าวได้ว่าเป็นอัตราผลตอบแทนจากการลงทุนในตราสารหนี้ โดยมีต้นทุนการลงทุนเท่ากับราคาของตราสาร เพื่อให้ได้รับกระแสเงินในอนาคต ได้แก่ ดอกเบี้ยและราคาที่ตราไว้ในอนาคต ซึ่งการตีความหมายเช่นนี้เป็นที่มาของชื่อเฉพาะของอัตราคิดลดว่าเป็น อัตราผลตอบแทน (Yield to maturity หรือ YTM) โดย YTM นี้ถูกกำหนดโดยปัจจัยเรื่องระดับความเสี่ยงด้านเครดิต (Default or credit risk) และอายุของกระแสเงิน (Time to maturity) โดยถ้าตราสารหนี้มีความเสี่ยงสูง ระดับอัตราคิดลดก็จะสูงตามไปด้วย เพื่อชดเชยความเสี่ยงที่ผู้ลงทุนได้รับ ในขณะที่อายุของกระแสเงินกระทบอัตราผลตอบแทนผ่านโครงสร้างของอัตราผลตอบแทนซึ่งตลาดต้องการสำหรับกระแสเงินที่จะได้รับในเวลาต่างๆ (การวิเคราะห์การลงทุนในตราสารหนี้, ัญญา ชันธิวิทย์ 2540.) ซึ่งศัพท์คำนี้เราจะใช้กันต่อไปค่อนข้างมาก ขอให้ทำความเข้าใจให้ดี

สำหรับครั้งนี้เราได้ทำความเข้าใจเกี่ยวกับปัจจัยที่มีส่วนในการกำหนดราคาตราสารหนี้ และการประยุกต์ใช้หลักการคิดลดกระแสเงินสด (Discounted Cash Flow) แล้วในครั้งหน้าเราจะลองมาสมมติตัวอย่างเพื่อให้เข้าใจเรื่องนี้ได้ดียิ่งขึ้น

### **เกร็ดความรู้: การคำนวณราคาตราสารหนี้แบบพื้นฐาน (2)**

หลังจากที่ครั้งที่แล้วเราได้ทราบพื้นฐานการคำนวณ และปัจจัยที่มีผลต่อการกำหนดราคาตราสารหนี้แล้ววันนี้เราจะมาเริ่มที่ตัวอย่าง โดยขอเริ่มใช้จากการคำนวณที่มีรูปแบบง่ายๆ มีการซื้อขายตรงงวด เพื่อที่จะได้เป็นพื้นฐานความเข้าใจก่อน

เราเริ่มวันนี้ด้วยสมการที่ในสัปดาห์ที่แล้วเราริเริ่มต้นไว้ว่าเป็นสมการที่ใช้ในการประเมินมูลค่าสินทรัพย์ใดๆ รวมทั้งตราสารหนี้ด้วย แต่ในครั้งนี่ที่แล้วเราแทนกระแสเงินสดแต่ละงวดว่าเป็น FCF หรือ Future Cash Flow แต่ในวันนี้เราขอใช้สมการเดิมแต่ปรับให้มีตัวแปรแทนค่าที่คิดขึ้น โดยกระแสเงินสดที่ได้จากดอกเบี้ย แทนด้วย  $C$  และกระแสเงินสดที่ได้จากเงินต้น แทนด้วย  $M$  จะได้สมการใหม่ ดังนี้

$$P_0 = \frac{C_1}{(1+y)^1} + \frac{C_2}{(1+y)^2} + \frac{C_3}{(1+y)^3} + \dots + \frac{C_T}{(1+y)^T} + \frac{M_T}{(1+y)^T}$$

หรือ

$$P_0 = \sum_{t=1}^T \frac{C_t}{(1+y)^t} + \frac{M_T}{(1+y)^T}$$

โดยที่

$P_0$  คือ ราคาตราสารหนี้

$C$  คือ ดอกเบี้ยหน้าตัว

$M$  คือ มูลค่าที่ตราไว้ (Par Value) หรือ ราคาไถ่ถอน

$y$  คือ อัตราผลตอบแทนที่ต้องการต่องวด

$t$  คือ ระยะเวลาที่ได้รับดอกเบี้ย

ตัวอย่าง หุ้นกู้มีราคาตราไว้ 1,000 บาท จ่ายดอกเบี้ยร้อยละ 10 ต่อปี จ่ายดอกเบี้ยปีละ 1 ครั้ง หุ้นกู้นี้มีอายุจนถึงกำหนดไถ่คืน 2 ปี สมมติอัตราผลตอบแทนที่ตลาดกำหนดเท่ากับร้อยละ 10 ต่อปี หุ้นกู้นี้ควรมีราคาเท่าไร

เราจะเริ่มการคำนวณ โดยการหาดอกเบี้ยต่องวด ซึ่งในที่นี้ 1 งวด คือ 1 ปี จะได้ดอกเบี้ยจ่ายเท่ากับ

$$C = [10/(100*1)] * 1,000$$

$$= 100 \text{ บาท}$$

ดอกเบี้ยที่ผู้ลงทุนจะได้ 100 บาทนี้จะได้ทุกๆวันสิ้นงวดที่ 1 และ 2 นอกจากนี้ในปีที่ 2 ยังได้รับเงินต้นคืนเท่ากับ 1,000 บาท เราสามารถเขียนแทนในสมการได้ ดังนี้

$$P_0 = \frac{100}{(1+0.1)^1} + \frac{100}{(1+0.1)^2} + \frac{1,000}{(1+0.1)^2}$$

$$P_0 = 90.91 + 82.64 + 826.45$$

$$P_0 = 1,000$$

ราคาที่ได้ออกมาเท่ากับ 1,000 บาท นั่นคือ หุ้นกู้นี้จะมีการซื้อขายกันที่ราคา 1,000 บาท แต่ถ้าหากอัตราดอกเบี้ยในตลาดเปลี่ยนแปลง ส่งผลให้อัตราผลตอบแทนที่ผู้ถือหุ้นกู้ต้องการ (Yield to Maturity) เปลี่ยนแปลงไป เช่น ถ้าหากอัตราผลตอบแทนที่ผู้ลงทุนต้องการเปลี่ยนจาก 10% ลดลงเป็น 8% ราคาหุ้นกู้ที่ได้จะสามารถคำนวณได้ในลักษณะเดียวกัน คือ เป็นการคิดลดกระแสเงินสดที่จะได้รับในอนาคตกลับมา ณ ปัจจุบัน ดังนี้

$$P_0 = \frac{100}{(1+0.08)^1} + \frac{100}{(1+0.08)^2} + \frac{1,000}{(1+0.08)^2}$$

$$P_0 = 92.59 + 85.73 + 857.34$$

$$P_0 = 1,035.66$$

ราคาที่ได้ออกมาเท่ากับ 1,035.66 บาท นั่นคือ หุ้นกู้ี้จะมีการซื้อขายกันที่ราคา 1,035.66 บาท จะเห็นว่าราคาซื้อขายกันสูงกว่ากรณีที่อัตราผลตอบแทน Yield to Maturity อยู่ที่ระดับ 10% ลองสมมติกันอีกครั้งว่าถ้าหากอัตราผลตอบแทนที่ผู้ลงทุนต้องการปรับเพิ่มขึ้นเป็น 12% ราคาที่ได้เป็นเท่าใด (บอกคำตอบไว้ก่อนว่าเท่ากับ 966.20 บาท) ครึ่งหน้าเราจะมาเฉลยกัน และลองดูตัวอย่างอีกสัก 1-2 ตัวอย่าง

### เกร็ดความรู้ : การคำนวณราคาตราสารหนี้แบบพื้นฐาน (3)

เรามาทวนโจทย์ตัวอย่างที่ทิ้งท้ายไว้ในปีที่แล้วกันก่อน หุ้นกู้มีราคาตราไว้ 1,000 บาท จ่ายดอกเบี้ยร้อยละ 10 ต่อปี จ่ายดอกเบี้ยปีละ 1 ครั้ง หุ้นกู้นี้มีอายุจนถึงกำหนดไถ่คืน 2 ปี สมมติอัตราผลตอบแทนที่ตลาดกำหนดเท่ากับร้อยละ 12 ต่อปี หุ้นกู้ี้ควรมีราคาเท่าไร คำตอบที่เฉลยไว้ให้ก็คือ 966.20 บาท หลายคนก็คิดได้แล้ว ก็ลองมาดูเฉลยกัน

$$P_0 = \frac{100}{(1+0.12)^1} + \frac{100}{(1+0.12)^2} + \frac{1,000}{(1+0.12)^2}$$

$$P_0 = 89.29 + 79.72 + 797.19$$

$$P_0 = 966.20$$

มาถึงตอนจบของตัวอย่างนี้อยากจะชี้ให้เห็นข้อสังเกตไว้ประการหนึ่ง คือ เรื่องของความสัมพันธ์ของราคาอัตราดอกเบี้ย (Coupon Rate) และอัตราผลตอบแทนที่ต้องการ (Required Yield) ซึ่งสามารถสรุปได้ ดังนี้

- กรณี 1 ถ้าอัตราดอกเบี้ย < อัตราผลตอบแทนที่ต้องการ ราคาของตราสารหนี้จะต่ำกว่ามูลค่าที่ตราไว้ (Discount Bond)
- กรณี 2 ถ้าอัตราดอกเบี้ย = อัตราผลตอบแทนที่ต้องการ ราคาของตราสารหนี้จะเท่ากับมูลค่าที่ตราไว้ (Par Bond)
- กรณี 3 ถ้าอัตราดอกเบี้ย > อัตราผลตอบแทนที่ต้องการ ราคาของตราสารหนี้จะมากกว่ามูลค่าที่ตราไว้ (Premium Bond)

ลองมาดูอีกสักตัวอย่าง คราวนี้ยังคงใช้ตัวอย่างเดิม แต่เปลี่ยนเป็นหุ้นกู้ที่มีการจ่ายดอกเบี้ยทุกครึ่งปี โดยอัตราผลตอบแทนที่ตลาดกำหนดเท่ากับร้อยละ 8, 10 และ 12% ต่อปีตามลำดับ

การเริ่มคิดสำหรับกระบวนการนี้จะเริ่มที่การหาดอกเบี้ยต่องวด ซึ่งในที่นี้ 1 งวด คือ 6 เดือน จะได้ดอกเบี้ยจ่ายเท่ากับ

$$\begin{aligned} C &= (10/100) * (1/2) * 1,000 \\ &= [10/(100*2)] * 1,000 \\ &= 50 \text{ บาท} \end{aligned}$$

ดอกเบี้ยที่ผู้ลงทุนจะได้ 50 บาทนี้จะได้ทุกๆวันสิ้นงวดที่ 1 2 3 และ 4 นอกจากนี้ในสิ้นงวดที่ 4 (หรือสิ้นปีที่ 2) ยังได้รับเงินต้นคืนเท่ากับ 1,000 บาท และอัตราคิดลดที่เรานำมาคิดนั้น ต้องมีการแปลงให้เป็นช่วงเวลาเดียวกับงวดการจ่ายดอกเบี้ยด้วย ในที่นี้คือ ทุกๆ 6 เดือน ดังนั้น จึงแปลงอัตราคิดลดจาก 10%/ปี เป็น 5% ต่องวด เราสามารถเขียนแทนในสมการได้ ดังนี้

$$P_0 = \frac{50}{(1+0.05)^1} + \frac{50}{(1+0.05)^2} + \frac{50}{(1+0.05)^3} + \frac{50}{(1+0.05)^4} + \frac{1,000}{(1+0.05)^4}$$

$$P_0 = 47.62 + 45.35 + 43.19 + 41.14 + 822.70$$

กรณีที่ 1 : อัตราคิดลด (Yield to Maturity) 10% ต่อปี



$$P_0 = 1,000$$

$$P_0 = \frac{50}{(1+0.04)^1} + \frac{50}{(1+0.04)^2} + \frac{50}{(1+0.04)^3} + \frac{50}{(1+0.04)^4} + \frac{1,000}{(1+0.04)^4}$$

กรณีที่ 2: อัตราคิดลด (Yield to Maturity) 8% ต่อปี

$$P_0 = 48.08 + 46.23 + 44.45 + 42.74 + 854.80$$

$$P_0 = 1,036.30$$

กรณีที่ 3: อัตราคิดลด (Yield to Maturity) 12% ต่อปี

$$P_0 = \frac{50}{(1+0.06)^1} + \frac{50}{(1+0.06)^2} + \frac{50}{(1+0.06)^3} + \frac{50}{(1+0.06)^4} + \frac{1,000}{(1+0.06)^4}$$

$$P_0 = 47.17 + 44.50 + 41.98 + 39.60 + 792.09$$

$$P_0 = 965.34$$

ข้อสรุปที่ได้จากตัวอย่างนี้ เป็นไปในแนวทางเดียวกันกับตัวอย่างก่อนหน้า คือ ได้ข้อสรุปความสัมพันธ์ของ ราคาอัตราดอกเบี้ย (Coupon Rate) และอัตราผลตอบแทนที่ต้องการ (Required Yield) ที่มีการซื้อขายตราสารหนี้ใน ราคาตามมูลค่าที่ตราไว้ (Par Bond) ราคาสูงกว่ามูลค่าที่ตราไว้ (Premium Bond) และราคาต่ำกว่ามูลค่าที่ตราไว้ (Discount Bond)

ในครั้งหน้าเราจะมาสรุปเกี่ยวกับความสัมพันธ์ของราคาและอัตราผลตอบแทนกันอีกครั้ง ในประเด็นของการเปรียบเทียบระหว่างดอกเบี้ยรายปี กับดอกเบี้ยงวด 6 เดือน และจะมากุยถึงการวัดอัตราผลตอบแทนในลักษณะอื่นๆ นอกเหนือจาก Yield to Maturity

### เกร็ดความรู้ : การคำนวณราคาตราสารหนี้แบบพื้นฐาน (4)

เป็นอย่างไรกันบ้าง สำหรับการคุยกันในช่วงนี้ มีข้อคิดขัดข้องค่อนข้างมาก มีการค้นด้วยการสรุปภาวะ และการคาดการณ์แนวโน้มตราสารหนี้ แต่คงไม่เป็นปัญหา สำหรับใครที่อยากคุยย้อนหลังต่อเนื่องกัน ลองเปิดจากเว็บไซต์ก็ได้ ([www.thaibdc.or.th](http://www.thaibdc.or.th)) ในสัปดาห์นี้เราจะคุยกัน 2 เรื่อง โดยเรื่องแรกเราจะมาสรุปเรื่องการคำนวณราคาตราสารหนี้ในกรณีที่เป็น Par Bond, Premium Bond และ Discount Bond และส่วนที่สอง คือ การคำนวณอัตราผลตอบแทนในรูปแบบอื่นๆ

ในเรื่องแรกหลังจากที่เรารู้วิธีการคำนวณแล้ว อยากจะให้ข้อสังเกตความแตกต่างของราคาและตราสารหนี้ในกรณีที่มีการจ่ายดอกเบี้ย 2 งวดต่อปี และ 1 งวดต่อปี โดยมีเงื่อนไขอื่นๆ เหมือนกัน ได้แก่ อัตราดอกเบี้ย ระยะเวลาครบกำหนด เป็นต้น โดยเรามาลองเปรียบเทียบระหว่างราคาตราสารหนี้ที่มีการจ่ายดอกเบี้ยรายปี กับดอกเบี้ยงวด 6 เดือน จากตัวอย่างที่เคยคุยกันมาแล้ว ที่ว่าหุ้นกู้มีราคาตราไว้ 1,000 บาท จ่ายดอกเบี้ยร้อยละ 10 ต่อปี หุ้นกุนั้นมีอายุจนถึงกำหนดไถ่คืน 2 ปี สมมติอัตราผลตอบแทนที่ตลาดกำหนดเท่ากับร้อยละ 8, 10 และ 12 ต่อปี หุ้นกุนั้นมีราคาตั้งแสดงตามตาราง ดังนี้

อัตราผลตอบแทนตลาด (Yield to Maturity)	ราคา (บาท)	
	จ่ายดอกเบี้ยรายปี (Annualy)	จ่ายดอกเบี้ยงวด 6 เดือน (Semi-annual)
8 %	1,035.66	1,036.30
10%	1,000.00	1,000.00
12%	966.20	965.34

จากตาราง จะเห็นความสัมพันธ์ของหุ้นกุนั้นที่มีคุณลักษณะทุกอย่างเหมือนกัน ยกเว้นงวดการจ่ายดอกเบี้ยที่แตกต่างกัน คือ งวด 6 เดือน และ 1 ปี จะพบว่าถ้าหุ้นกุนั้นขายในราคาสูงกว่ามูลค่าที่ตราไว้ (Premium Bond) หุ้นกุนั้นที่จ่ายดอกเบี้ยงวด 6 เดือน (Semi-annual Bond) จะมีราคาสูงกว่าหุ้นกุนั้นที่จ่ายดอกเบี้ยรายปี (Annual Coupon Bond) แต่ในทางกลับกันหากหุ้นกุนั้นขายในราคาต่ำกว่ามูลค่าที่ตราไว้ (Discount Bond) หุ้นกุนั้นที่จ่ายดอกเบี้ยงวด 6 เดือน (Semi-annual Bond) จะมีราคาต่ำกว่าหุ้นกุนั้นที่จ่ายดอกเบี้ยรายปี (Annual Coupon Bond)

จากตัวอย่างข้างต้นพอที่จะสรุปเป็นหลักการได้ ดังนี้ คือ กรณีที่ตราสารหนี้ที่มีการซื้อขายที่ราคาสูงกว่ามูลค่าที่ตราไว้ (Premium Bond) นั้น ตราสารหนี้ที่มีการจ่ายดอกเบี้ยมากกว่าครั้งต่อปีจะมีราคาที่สูงกว่าตราสารอีกตัวที่มีคุณลักษณะทุกอย่างเหมือนกัน แต่จ่ายดอกเบี้ยน้อยกว่า เนื่องจากตราสารที่จ่ายดอกเบี้ยมากกว่าผู้ลงทุนก็สามารถนำกระแสเงินที่ได้รับจากดอกเบี้ยไปลงทุนต่อ โดยได้รับการทบต้นมากกว่า

ส่วนตราสารที่มีการซื้อขายที่ราคาต่ำกว่ามูลค่าที่ตราไว้ (Discount Bond) นั้น ตราสารที่มีการจ่ายดอกเบี้ยมากกว่าครั้งต่อปี จะมีราคาต่ำกว่าตราสารอีกตัวที่จ่ายดอกเบี้ยน้อยกว่า เนื่องจากมีกระแสเงินที่ได้รับนั้นจะถูกทบต้นในอัตราคิดลดที่ต่ำกว่าดอกเบี้ยที่ได้รับตามหน้าตั๋ว (Coupon Rate)

หลังจากที่เราได้ทราบถึงหลักการคำนวณที่เป็นพื้นฐานเบื้องต้นกันแล้ว จะมาคุยกันต่อในส่วนของการวัดอัตราผลตอบแทนรูปแบบอื่นๆ นอกเหนือจาก Yield to Maturity

1. **อัตราผลตอบแทนปัจจุบัน (Current Yield)** เป็นการคำนวณอัตราผลตอบแทนอย่างง่ายโดยนำดอกเบี้ยที่ได้รับจากตราสารหนี้ (Coupon) หารด้วย ราคาของตราสารหนี้

$$\text{Current Yield} = \frac{\text{Annual coupon payment}}{\text{Market Bond Price}}$$

จากตัวอย่างเดิม หนี้ที่มีราคาตราไว้ 1,000 บาท จ่ายดอกเบี้ยร้อยละ 10 ต่อปี ทุกๆ 6 เดือน หนี้นี้มีอายุจนถึงกำหนดไถ่คืน 2 ปี อัตราผลตอบแทนที่ตลาดต้องการ 8% จะได้ราคาขาย 1,036.30 บาท

$$\text{Current Yield} = \frac{(10\%) \times (1,000)}{1,036.30}$$

$$\text{Current Yield} = 9.65\%$$

2. **อัตราผลตอบแทนสุทธิ (Total Return Yield)** เป็นการคำนวณอัตราผลตอบแทนโดยใช้หลักการว่าเมื่อนักลงทุนซื้อตราสารหนี้จะได้รับดอกเบี้ยในระหว่างที่ถือครองตราสารอยู่และสามารถนำดอกเบี้ยที่ได้รับไปลงทุนต่อ ในขณะที่เมื่อขายก็อาจมีกำไรหรือขาดทุน จากการที่ราคาของหนี้มีการเปลี่ยนแปลงไป

$$\text{Total Return Yield} = \left[ \frac{\text{Total Future Return}}{\text{Purchase Price of Bond}} \right]^{\frac{1}{n}} - 1$$

จากสูตรข้างต้นจะพบว่า แหล่งที่มาของกระแสเงินจากการลงทุนในตราสารหนี้จะประกอบด้วย

- ดอกเบี้ยที่ได้รับ (Coupon)
- รายได้จากการนำดอกเบี้ยไปลงทุนต่อ (Interest on Interest)
- กำไรหรือขาดทุนจากส่วนต่างของราคา (Capital gain or loss)

สำหรับสัปดาห์นี้เราคงทิ้งท้ายไว้ตรงนี้ และในครั้งหน้าเราจะมาคุยกันต่อเกี่ยวกับการวัดอัตราผลตอบแทนในลักษณะอื่นๆ และตัวอย่างของ Total Return Yield ซึ่งคงเป็นหัวข้อสุดท้ายในส่วนของการคำนวณราคาตราสารหนี้แบบพื้นฐาน

**เกร็ดความรู้: การคำนวณราคาตราสารหนี้แบบพื้นฐาน (จบ)**

วันนี้เรามาคูห้วข้อสุดท้ายกัน คือ ตัวอย่างการคำนวณอัตราผลตอบแทนสุทธิ (Total Return Yield) มาลองพิจารณาตัวอย่างนี้กัน

ตราสารหนี้อายุ 20 ปี จ่ายดอกเบี้ย 8% ทุกครึ่งปี ขายในราคา 828.40 บาท นักลงทุนผู้หนึ่งต้องการลงทุนในตราสารหนี้นี้เป็นเวลา 3 ปี โดยคาดว่าจะสามารถนำดอกเบี้ยที่ได้รับไปลงทุนต่อได้ที่อัตรา 6% ต่อปี และคิดว่า ณ วันขาย (3 ปีหลังจากนี้) อัตราดอกเบี้ยที่ตลาดต้องการสำหรับตราสารหนี้ (อายุคงเหลือ 17 ปี) จะเท่ากับ 7% เราสามารถคำนวณอัตราผลตอบแทนสุทธิได้ตามขั้นตอน ดังนี้

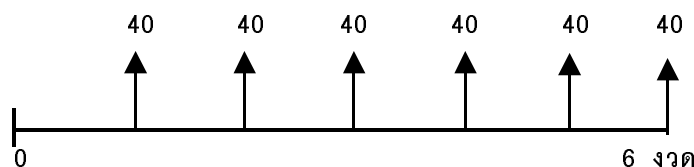
1.คำนวณหากระแสเงินที่จะได้รับในสิ้นปีที่ 3 ซึ่งมี 2 ส่วน คือ ราคาขาย ณ สิ้นปีที่ 3 และ มูลค่าในอนาคตของกระแสเงินที่ผู้ลงทุนได้รับจากการลงทุน 3 ปี

- ราคาขาย ณ สิ้นปีที่ 3 หลักการ ก็คือ การคิดลดกระแสเงินสดที่ผู้ลงทุนจะได้รับภายหลังจากปีที่ 3 ซึ่งก็คือ ดอกเบี้ยงวดละ 40 บาท  $[(8\% * 1,000) / 2]$  และเงินต้นคืนในงวดสุดท้าย 1,000 บาท โดยอัตราคิดลด คือ อัตราดอกเบี้ยที่ตลาดต้องการสำหรับตราสารหนี้ในช่วงเวลา 17 ปีหลัง ซึ่งเป็นค่าที่นักลงทุนจะต้องคาดการณ์ โดยอาจดูจากแนวโน้มของเส้นอัตราผลตอบแทนในที่นี้กำหนดเป็น 7% ต่อปี หรือ 3.5% ต่องวด ซึ่งกระแสเงินนี้จะถูกคิดลดเป็นจำนวน 17 ปี หรือ 34 งวด ดังนั้น ราคาขาย ณ สิ้นปีที่ 3 เท่ากับ

$$P_0 = \frac{40}{(1+0.035)^1} + \frac{40}{(1+0.035)^2} + \dots + \frac{40}{(1+0.035)^{34}} + \frac{1,000}{(1+0.035)^{34}}$$

$$P_0 = 788.03 + 310.48 = 1,098.51$$

- มูลค่าในอนาคตของกระแสเงินที่นักลงทุนได้รับในช่วงเวลา 3 ปีที่ลงทุน ซึ่งก็คือ ดอกเบี้ยงวดละ 40 บาท  $[(8\% * 1,000) / 2]$  เป็นเวลา 3 ปี หรือ 6 งวด โดยคิดว่าเงินที่ได้รับนี้จะถูกนำไปลงทุนต่อที่ อัตราดอกเบี้ยที่ตลาดต้องการในช่วงเวลาที่ลงทุน หรือ 3 ปีแรก ซึ่งเป็นค่าที่ต้องทำการคาดการณ์เช่นเดียวกัน ในที่นี้ คือ 6% ต่อปี หรือ 3% ต่องวด ซึ่งกระแสเงินนี้จะถูกคิดทบต้นไปข้างหน้าจำนวน 3 ปี หรือ 6 งวด ดังนั้นมูลค่าในอนาคต ณ สิ้นปีที่ 3 เท่ากับ (ดูเส้น Time Line ด้วยจะทำให้เข้าใจได้ง่ายขึ้น)



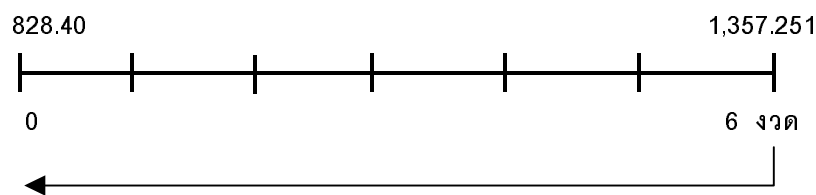
$$FV_3 = 40 + 40(1+0.03)^1 + 40(1+0.03)^2 + \dots + 40(1+0.03)^5$$

$$FV_3 = 40(1+1.03^1 + 1.03^2 + 1.03^3 + 1.03^4 + 1.03^5)$$

$$FV_3 = 40(6.46841) = 258.74$$

ดังนั้น ณ สิ้นปีที่ 3 นักลงทุนจะได้กระแสเงิน 2 ก้อน รวม  $1,098.51 + 258.74 = 1,357.25$  บาท

2. เมื่อเราทราบกระแสเงินในสิ้นปีที่ 3 แล้ว เราจะคิดลดกลับมา ณ ปัจจุบัน (ปี 0) เพื่อคิดเปรียบเทียบกับราคาที่ทำการซื้อขายอยู่ในปัจจุบัน 828.40 บาท เพื่อหาอัตราผลตอบแทน โดยอัตราผลตอบแทนที่ได้จะเป็นรายงวดหรือรายครึ่งปี



$$\text{อัตราผลตอบแทนต่องวด} = \left( \frac{1,357.25}{828.40} \right)^{1/6} - 1$$

$$\text{อัตราผลตอบแทนต่องวด} = 0.0858 = 8.58\%$$

3. ขั้นตอนสุดท้าย คือ การแปลงอัตราผลตอบแทนต่องวดให้เป็นต่อปี ซึ่งก็คือการคูณ 2 นั่นเอง

$$\text{อัตราผลตอบแทนต่อปี} = 0.0858 * 2$$

$$\text{อัตราผลตอบแทนต่อปี} = 0.1716 = 17.16\%$$

จากตัวอย่างข้างบนพบว่าอัตราผลตอบแทนสุทธิ หรือ Total Return Yield เท่ากับ 17.16% ต่อปี เราคงจะจบการคุยเรื่องการคำนวณราคาตราสารหนี้แบบพื้นฐาน และอัตราผลตอบแทนแบบต่างๆ ไว้เท่านี้ ถ้าหากใครมีข้อสงสัยอะไรเกี่ยวกับเรื่องนี้ก็สามารถติดต่อมาคุยได้

## ศูนย์ซื้อขายตราสารหนี้ไทย

[www.thaibdc.or.th](http://www.thaibdc.or.th)

### เกร็ดความรู้ : ลักษณะตราสารหนี้และการคำนวณราคาตราสารหนี้ (1)

หลังจากคุยกันมาจะครบ 1 ปีแล้วสำหรับคอลัมน์มุมมองตราสารหนี้ หลายคนอาจจะเพิ่งมาอ่านเกร็ดความรู้ เผยแพร่ในช่วงหลังๆ ซึ่งทางศูนย์ซื้อขายตราสารหนี้ไทย ได้รับข้อเสนอแนะจากผู้อ่านว่าอยากให้มีการอธิบายถึงหลักการคำนวณตราสารหนี้ในเบื้องต้น และยกตัวอย่างของจริงในตลาดประกอบ โดยอยากให้มีการปูพื้นฐานให้ผู้อ่านที่ยังไม่เข้าใจหลักการทางการเงินเรื่อง Present Value และ Future Value ได้เข้าใจพร้อมกัน

วันนี้ผู้เขียนจึงได้มีการวางกรอบการพูดคุยเรื่องนี้ไว้เป็นลำดับ โดยจะเริ่มจากให้ผู้อ่านได้เข้าใจว่าหุ้นกู้ หรือตราสารหนี้คืออะไร และทำไมเราจึงต้องมีการคำนวณราคาตราสารหนี้ ทำไมเราจึงไม่ซื้อขายกันตามราคาและปัจจัยพื้นฐานของหุ้นกุนั้นๆ เหมือนกับเวลาเราเดินเข้าไปซื้อขายหุ้นสามัญ หรือสินค้าอุปโภคบริโภคอื่น และถ้าเป็นเช่นนั้นปัจจัยอะไรบ้างที่มีผลกระทบต่อราคาค่าตราสารหนี้

ตามพระราชบัญญัติหลักทรัพย์และตลาดหลักทรัพย์ พ.ศ. 2535 ได้ให้นิยามหุ้นกู้ว่า *หุ้นกู้ หมายถึง "ตราสารแห่งหนึ่งไม่ว่าจะเรียกชื่อใดที่แบ่งเป็นหน่วย แต่ละหน่วยมีมูลค่าเท่ากันและกำหนดประโยชน์ตอบแทนไว้เป็นการล่วงหน้าในอัตราเท่ากันทุกหน่วย โดยบริษัทออกให้แก่ผู้ให้กู้ยืมเงินหรือผู้ซื้อ เพื่อแสดงสิทธิที่จะได้รับเงินหรือผลประโยชน์อื่นของผู้ถือตราสารดังกล่าว แต่ไม่รวมถึงตัวเงิน"*

หรือหากจะพิจารณานิยามของตราสารหนี้อีกนิยามหนึ่ง โดยกล่าวว่า ตราสารหนี้ เป็นเอกสารทางการเงินที่ลูกหนี้ออกให้กับเจ้าหนี้เพื่อแสดงสิทธิที่เจ้าหนี้จะได้รับผลตอบแทนตามที่กำหนดไว้ในเอกสารนั้นๆ

ซึ่งเมื่อเราพิจารณานิยามตราสารหนี้ข้างต้น จะพบว่า ตราสารหนี้หรือหุ้นกุนั้นเป็นคล้ายเอกสารสัญญาเงินกู้ นั่นเอง โดยผู้ออกหุ้นกู้ ก็คือ ลูกหนี้ และผู้ซื้อหุ้นกุก็นั้นมีสถานะเหมือนเจ้าหนี้ ลองมาพิจารณาว่าที่ผู้เขียนกล่าวเช่นนั้นถูกต้องหรือไม่ สมมติว่านาย ก และ นาย ข เป็นเพื่อนกัน นาย ก ขอยืมเงินนาย ข 100 บาท โดยนาย ก ได้เขียนหนังสือฉบับหนึ่งให้นาย ข เป็นข้อสัญญาว่าตนจะคืนเงินให้นาย ข พร้อมดอกเบี้ยในอีก 1 ปี ข้างหน้า พิจารณาจากตัวอย่างนี้ นาย ก ก็คือ ลูกหนี้ นาย ข คือเจ้าหนี้ หรือผู้ให้กุนั่นเอง ส่วนหนังสือฉบับนี้ก็เป็นเหมือนสัญญาเงินกุนั่นเอง ที่นี้ลองเปลี่ยนใหม่มาดูในตลาดการค้าตราสารหนี้บ้าง เช่น การที่กระทรวงการคลังออกพันธบัตรรัฐบาล และให้ประชาชนซื้อ โดยประชาชนก็จะนำเงินให้กระทรวงการคลังเพื่อแลกกับพันธบัตรรัฐบาล และจะได้รับเงินต้นคืนในอนาคตพร้อมดอกเบี้ย ซึ่งในที่นี้กระทรวงการคลัง คือ ลูกหนี้ และประชาชน คือ เจ้าหนี้ และพันธบัตรรัฐบาล คือเสมือนสัญญาเงินกุนั่นเอง

ดังนั้น ตราสารหนี้ หรือ หุ้นกู้ในตลาด เราอาจจะเรียกได้ว่าเป็นสัญญาเงินกู้ประเภทหนึ่ง เพียงแต่ว่าตราสารหนี้ หรือหุ้นกู้ในตลาดนี้สามารถนำมาซื้อขายเปลี่ยนมือ และมีตลาดรองรับ เมื่อตราสารหนี้สามารถนำมาซื้อขายได้ก็เปรียบเสมือนเป็นสินค้าตัวหนึ่ง ดังนั้นจึงต้องมีการคำนวณราคาที่เหมาะสมของตราสารหนี้

ปัจจัยที่มีผลต่อราคาตราสารหนี้ประกอบด้วย 3 ปัจจัย ได้แก่

1. กระแสเงินสดที่ตราสารหนี้จ่าย ซึ่งประกอบด้วยดอกเบี้ยหรือคูปอง และราคาที่ตราไว้ หรือมูลค่าที่ตราไว้

- เวลาที่ตราสารหนี้จ่ายกระแสเงิน ซึ่งได้แก่ วันที่ออกหรือวันที่กำหนดจะชำระดอกเบี้ย และวันครบกำหนดไถ่คืนหุ้นกู้ ซึ่งจะพิจารณาระยะเวลาจากวันปัจจุบันไปจนถึงวันครบกำหนดจ่ายกระแสเงินของตราสารหนี้ ซึ่งข้อมูลระยะเวลานี้มีความสำคัญต่อการวิเคราะห์ระดับราคาเพราะมีผลกระทบต่อมูลค่าเงินตามเวลา
- อัตราคิดลด ซึ่งจะปรับตัวขึ้นลงเป็นไปในทิศทางเดียวกันกับการปรับตัวของอัตราดอกเบี้ยในตลาด โดยอัตราคิดลดสามารถตีความได้สองความหมาย ความหมายแรก คือ เป็นเพียงอัตราที่ใช้คิดลดดอกเบี้ย และราคาที่ตราไว้ซึ่งตราสารหนี้สัญญาจะจ่ายไว้ในอนาคต เพื่อนำมาคำนวณเป็นมูลค่าปัจจุบัน ส่วนความหมายที่สองเป็นการตีความหมายว่าเป็นอัตราผลตอบแทนจากการลงทุนในตราสารหนี้ โดยมีต้นทุนของการลงทุนเท่ากับราคาของตราสาร เพื่อให้ได้รับกระแสเงินในอนาคตตามข้อ 2

หลังจากที่เราได้เข้าใจถึงความสำคัญที่ต้องมีการคำนวณราคาตราสารหนี้แล้ว ในสัปดาห์หน้าเราจะเริ่มเรื่องซึ่งใช้เป็นพื้นฐานการคำนวณราคาตราสารหนี้ คือ เรื่องค่าเงินตามเวลา ใครที่มีความสนใจอยากอ่านเป็นความรู้เตรียมไว้ก่อน สามารถหาอ่านได้จากหนังสือทางการเงิน เช่น การบริหารการเงิน การเงินเบื้องต้น หรือหลักการลงทุน ก็ได้

### เกร็ดความรู้ : ลักษณะตราสารหนี้และการคำนวณราคาตราสารหนี้ (2)

ทำไมเราจึงต้องศึกษาค่าเงินตามเวลา คำว่าค่าเงินตามเวลาเกิดขึ้นเนื่องจากเงินที่ได้รับในวันนี้ กับเงินที่ได้รับในอนาคตนั้นไม่เท่ากัน ซึ่งสาเหตุก็เป็นเพราะ ถ้าเราได้เงินในวันนี้ เราย่อมพอใจกว่าได้เงินจำนวนเท่ากันในอนาคต เราจะเริ่มคุยกันไปทีละเรื่อง

- **มูลค่าในอนาคต (Future Value)** ในหัวข้อเรื่องนี้จะชี้ว่าเงิน 1 บาท ในวันนี้มีมูลค่ามากกว่าเงิน 1 บาท ในอนาคต เนื่องจากถ้ามีเงิน 1 บาท ในวันนี้สามารถนำไปลงทุนต่อเงินฝากธนาคารได้ดอกเบี้ย เมื่อถึงเวลาสิ้นปีก็จะมีเงินมากกว่า 1 บาท ซึ่งคิดเป็นเหมือนกับการคิดดอกเบี้ยทบต้น

ตัวอย่าง นาย ก ฝากเงิน 100 บาท กับธนาคารซึ่งให้ดอกเบี้ย 5% คิดดอกเบี้ยปีละครั้ง จะมีเงินในบัญชี ณ สิ้นปีที่ 1 เท่าใด และถ้าไม่ถอนเงินเลย ณ สิ้นปีที่ 3 เขามีเงินเท่าใด (ในที่นี้เพื่อให้คุ้นเคยกับตัวแปรสัญลักษณ์ทางการเงิน ผู้เขียนขอแทนค่าเหล่านี้ด้วยตัวแปร)

$$\begin{aligned} \text{กำหนดให้ } PV &= \text{มูลค่าปัจจุบันหรือมูลค่าเริ่มต้น } 100 \text{ บาท} \\ k &= \text{อัตราดอกเบี้ย } 5\% \text{ ต่อปี หรือแทนด้วย } 0.05 \\ FV_n &= \text{มูลค่าในอนาคต หรือมูลค่าปลายงวดที่ } n \\ N &= \text{จำนวนปี หรือจำนวนงวด} \end{aligned}$$

จากตัวอย่างจะพบว่าถ้าเขาเลิกฝากเงินเมื่อสิ้นปีที่ 1 เขาจะได้เงิน เท่ากับเงินต้น 100 บาท และดอกเบี้ย 1 ปี ซึ่งดอกเบี้ยในที่นี้ก็คือ คิดจากเงินต้นที่เราฝากคูณกับอัตราดอกเบี้ยที่จะ ได้รับ ซึ่งสามารถเขียนเป็นสมการ ได้ ดังนี้

$$\text{มูลค่าปลายปีที่ 1} = \text{มูลค่าต้นงวด} + \text{ดอกเบี้ย}$$

$$\begin{aligned} FV_1 &= PV + (k \times PV) \\ &= PV(1+k) \end{aligned}$$

$$= 100 (1+0.05)$$

$$= 105 \text{ บาท}$$

ถ้าฝากเงิน 3 ปี โดยไม่ถอนจะมีเงินทั้งสิ้น ณ ปลายปีที่ 3 เท่ากับ 115.76 บาท ดังตาราง

งวด	มูลค่าต้นงวด (PV)	1+k	ดอกเบี้ยรับ = k*PV	มูลค่าปลายงวด (FV <sub>n</sub> )
1	100.00	1.05	5.00	105.00
2	105.00	1.05	5.25	110.25
3	110.25	1.05	5.51	115.76
			15.76	

จากตารางข้างต้น จะเห็นว่า มูลค่าต้นงวดจะทบด้วยดอกเบี้ยรับในงวดที่ผ่านมา ทำให้เงินต้นที่เป็นฐานในการคิดดอกเบี้ยงวดต่อไปสูงขึ้น และจำนวนดอกเบี้ยรับในแต่ละปีสูงขึ้นด้วย

เรามาลองค่อยๆ พิจารณาทีละปี ดังนี้

$$\text{มูลค่าปลายปีที่ 2} = \text{มูลค่าปลายปีที่ 1} + \text{ดอกเบี้ย}$$

$$\begin{aligned} FV_2 &= FV_1 + (k \times FV_1) \\ &= PV(1+k) + k[PV(1+k)] \\ &= PV(1+k)(1+k) \\ &= PV(1+k)^2 \\ &= 100 (1+0.05)^2 \\ &= 110.25 \text{ บาท} \end{aligned}$$

$$\text{มูลค่าปลายปีที่ 3} = \text{มูลค่าปลายปีที่ 2} + \text{ดอกเบี้ย}$$

$$\begin{aligned} FV_3 &= FV_2 + (k \times FV_2) \\ &= PV(1+k)^2 + k[PV(1+k)^2] \\ &= PV(1+k)^2 (1+k) \\ &= PV(1+k)^3 \\ &= 100 (1+0.05)^3 \\ &= 115.76 \text{ บาท} \end{aligned}$$

จากตัวอย่างข้างต้นเราพอจะสรุปเป็นสูตรง่ายๆ ได้ว่า มูลค่าปลายปีที่ n ใดๆ จะเท่ากับ  $FV_n = PV(1+k)^n$  สำหรับสัปดาห์นี้เราคงทิ้งท้ายไว้ที่มูลค่าเงินในอนาคต แล้วในครั้งหน้าเราจะมาพูดคุยกันเรื่องมูลค่าปัจจุบัน ถ้าใครเข้าใจเรื่องวันนี้แล้ว ในสัปดาห์เรื่องมูลค่าปัจจุบันก็เป็นเรื่องไม่ยาก และถ้าใครสงสัยอะไรสามารถสอบถามได้ก่อนที่จะเริ่มต้นเรื่องการคำนวณในตลาดจริงๆ ซึ่งจะมีความซับซ้อนมากกว่านี้



## เกร็ดความรู้ : ลักษณะตราสารหนี้และการคำนวณราคาตราสารหนี้ (3)

หลังจากที่เราได้ทำความเข้าใจมูลค่าในอนาคตไปแล้ว มาในสัปดาห์นี้เราจะมาลองคิดในทางกลับกัน เพื่อที่จะเรียนรู้เรื่องมูลค่าปัจจุบันกัน โดยผู้เขียนขอใช้ตัวอย่างเดิมก่อนหน้านั้นคือ ในคราวที่แล้วเราได้ข้อสรุปว่าหากฝากเงินวันนี้ 100 บาท เป็นเวลา 3 ปี อัตราดอกเบี้ย 5% มูลค่าในอนาคต ณ ปลายปีที่ 3 เท่ากับ 115.76 บาท ซึ่งในที่นี้ หากจะคิดในทางกลับกัน ก็คือ ควรจะฝากเงินวันนี้จำนวนเท่าใดเพื่อที่จะได้รับเงิน 115.76 บาท ในอีก 3 ปีข้างหน้า ที่อัตราดอกเบี้ยปีละ 5% ต่อปี คำตอบต่างๆในใจหลายๆคน คงจะบอกว่า 100 บาท แน่แน่นอน

- **มูลค่าในปัจจุบัน (Present Value)** จะสามารถหาได้จากการทำ Discounting เป็นส่วนกลับของการหามูลค่าในอนาคต นั่นคือ จะได้สมการ ดังนี้

$$\text{สมการ Future Value เท่ากับ } FV_n = PV(1+k)^n$$

$$\text{สมการ Present Value เท่ากับ } PV = FV_n / (1+k)^n = FV_n (1 / (1+k)^n)$$

ซึ่งจากตัวอย่างเราสามารถคำนวณหามูลค่าปัจจุบันได้ ดังนี้

$$PV = 115.76 (1 / (1+0.05)^3)$$

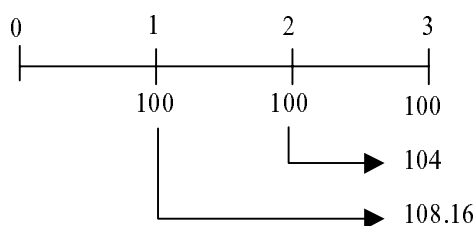
$$= 115.76(0.7835)$$

$$= 100 \text{ บาท}$$

นอกจากเงินรับหรือเงินจ่ายที่เป็นงวดเดียวแล้ว คำนวณเป็นมูลค่าในอนาคต หรือ คำนวณเป็นมูลค่าปัจจุบันยังมีเงินรับหรือจ่ายอีกประเภทหนึ่ง ซึ่งเป็นการรับหรือจ่ายเงินที่เป็นงวดๆ งวดละเท่าๆกัน ซึ่งในทางการเงินเรียกเงินงวดชนิดนี้ว่า "Annuity" แต่ไม่เป็นไร จะเรียกชื่ออะไรไม่สำคัญ สำคัญอยู่ที่ว่าเราเข้าใจหลักการของการคิดหรือไม่ ที่ผู้เขียนสอดแทรกคำศัพท์ทางการเงินไว้ไว้เพื่อให้เวลาไปอ่านเจอที่ไหนจะได้เข้าใจ

ลักษณะของเงินงวดเหล่านี้เป็นเรื่องที่สำคัญมากและเป็นพื้นฐานในการคำนวณราคาตราสารหนี้ เนื่องจาก ถ้าเราจะพิจารณาไปแล้วเงินที่ผู้ถือหุ้นกู้จะได้รับ ก็คือ ดอกเบี้ยรับในแต่ละงวดนั่นเอง ซึ่งโดยปกติหุ้นกู้หรือตราสารหนี้จะมีการจ่ายดอกเบี้ยเป็นงวดๆระหว่างอายุของตราสารนั้นๆ โดยคิดเป็นอัตราดอกเบี้ยคูณกับเงินต้น หรือมูลค่าที่ตราไว้เรามาคูตัวอย่างเลขง่ายๆ กันก่อน

สมมติว่ามีข้อตกลงกันว่าจะมีการจ่ายเงิน 100 บาทต่อปีทุกๆ สิ้นปีเป็นเวลา 3 ปี และผู้รับเงินจะนำเงินนั้นไปฝากธนาคารซึ่งให้ดอกเบี้ยร้อยละ 4 ต่อปี ดังนั้นในปลายปีที่ 3 จะมีเงินในบัญชีเท่าใด เพื่อความเข้าใจง่ายขึ้นลองดูรูปประกอบ



เมื่อรวมมูลค่าทบต้นของเงินรับแต่ละงวดจะได้มูลค่าทบต้นของ Annuity เท่ากับ 312.16 บาท โดยสามารถพิจารณาแยกส่วนได้ ดังนี้

**เงินงวดที่ 1** จะมีการคิดมูลค่าในอนาคต 2 ปี จากสิ้นปีที่ 1 ไปสิ้นปีที่ 2 และฝากต่อจากสิ้นปีที่ 2 ไปยังสิ้นปีที่ 3 โดยเราสามารถนำหลักการที่พูดถึงเรื่องมูลค่าในอนาคตในสัปดาห์ที่แล้วมาใช้ได้ ก็เหมือนกับการฝากเงิน 100 บาทเป็นเวลา 2 ปี นั่นเอง

$$\begin{aligned}FV_3 &= 100 (1+0.04)^2 \\ &= 108.16 \text{ บาท}\end{aligned}$$

**เงินงวดที่ 2** จะมีการคิดมูลค่าในอนาคต 1 ปี คือจากสิ้นปีที่ 2 ฝากไปยังสิ้นปีที่ 3 นั่นคือเหมือนกับการฝากเงิน 100 บาทเป็นเวลา 1 ปี นั่นเอง

$$\begin{aligned}FV_3 &= 100 (1+0.04)^1 \\ &= 104 \text{ บาท}\end{aligned}$$

**เงินงวดที่ 3** เป็นเงิน ณ สิ้นปีที่ 3 อยู่แล้ว จำนวน 100 บาท จึงไม่ต้องคิดมูลค่าในอนาคตอีก สามารถนำมารวมได้เลยกับมูลค่าในอนาคต 2 ชุดแรก

$$\begin{aligned}\text{มูลค่าอนาคตของเงินงวดที่เกิดตอนปลายงวดที่ 3} &= \text{เงินงวดปีที่ 3} + \text{เงินงวดปีที่ 2} + \text{เงินงวดปีที่ 1} \\ &= 100 + [100 (1+0.04)^1] + [100 (1+0.04)^2] \\ &= 100+104+108.16 = 312.16 \text{ บาท}\end{aligned}$$

สำหรับสัปดาห์นี้เราคงทิ้งท้ายไว้เพียงเท่านี้ และในสัปดาห์หน้าเราจะมาลองสรุปสิ่งที่เราคุยกันวันนี้เป็นสูตรพื้นฐานที่สามารถนำไปประยุกต์ใช้ได้ต่อไป และจะพิจารณาถึงมูลค่าปัจจุบันของเงินงวด Annuity ซึ่งคงเป็นหัวข้อสุดท้ายสำหรับการปูพื้นฐานเรื่องค่าเงินตามเวลา

### ลักษณะตราสารหนี้และการคำนวณราคาตราสารหนี้ (จบ)

จากตัวอย่างครั้งที่แล้วเราสามารถแปลงสิ่งที่เราคิดคำนวณกัน ให้เป็นสูตรพื้นฐานซึ่งสามารถปรับใช้ได้ทั่วไป ดังนี้

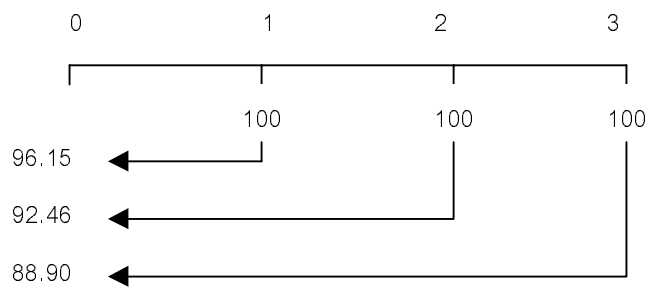
$$\begin{aligned}\text{กำหนดให้ PMT} &= \text{เงินงวดที่เท่ากันทุกๆงวด} \\ k &= \text{อัตราดอกเบี้ยต่อปี (งวด)} \\ FV_n &= \text{มูลค่าในอนาคต หรือมูลค่าปลายงวดที่ } n \\ n &= \text{จำนวนปี หรือจำนวนงวด}\end{aligned}$$

$$FV_n = PMT * \sum_{t=1}^n (1+k)^{n-t}$$

ถ้ายังจำกันได้ครั้งที่แล้วเราสมมติว่ามีข้อตกลงกันว่าจะมีการจ่ายเงิน 100 บาทต่อปีทุกๆ สิ้นปีเป็นเวลา 3 ปี และผู้รับเงินจะนำเงินนั้นไปฝากธนาคารซึ่งให้ดอกเบี้ยร้อยละ 4 ต่อปี ดังนั้นในปลายปีที่ 3 จะมีเงินในบัญชีเท่าใด ซึ่งสามารถแทนค่าดังนี้

$$\begin{aligned}
FV_3 &= 100 * \sum_{t=1}^3 (1+0.04)^{3-t} \\
&= 100 * [(1+0.04)^{3-1} + (1+0.04)^{3-2} + (1+0.04)^{3-3}] \\
&= 100 * [(1+0.04)^2 + (1+0.04)^1 + (1+0.04)^0] \\
&= 100 * [(1+0.04)^2 + (1+0.04)^1 + 1] \\
&= 312.16
\end{aligned}$$

ดังนั้นถ้าหากเขาฝากเงินทุกๆปี ปีละ 100 บาท อัตราดอกเบี้ย 4% ต่อปี เขาจะได้เงิน 312.16 บาท ณ สิ้นปีที่ 3 ในที่นี้ขอใช้ตัวอย่างเดิมในการอธิบายมูลค่าปัจจุบันของกระแสเงินสดที่ได้รับ/จ่ายออกไปเท่ากันทุกงวด โดยแผนภาพที่วาดคงจะคล้ายๆกับที่เราได้คุยกันไปในครั้งที่แล้ว ดังนี้



หลักการพื้นฐานยังคงเป็นเช่นเดิม คือ เราจะทำการ Discount เงินงวดแต่ละงวดกลับมาที่ปีที่ 0 โดยเราสามารถประยุกต์สูตรเรื่องมูลค่าอนาคตของเงินงวด ให้เป็นสูตรการหามูลค่าปัจจุบันของเงินงวด ได้ดังนี้ กำหนดให้

- PMT = เงินงวดที่เท่ากันทุกๆงวด
- k = อัตราดอกเบี้ยต่อปี (งวด)
- $PV_0$  = มูลค่าปัจจุบัน
- n = จำนวนปี หรือจำนวนงวด

$$PV_0 = PMT * \sum_{t=1}^n \frac{1}{(1+k)^t}$$

ลองนำตัวอย่างข้างต้นมาแทนค่าดู พบว่าสามารถแทนค่าดังนี้

สำหรับเรื่องมูลค่าปัจจุบันถ้าจะอธิบายง่ายๆ ก็คือ ถ้าเราต้องการเงิน 100 บาท ทุกๆสิ้นปี เป็นเวลา 3 ปี เราจะต้องฝากเงินในวันนี้ 277.51 บาท (นั่นหมายความว่าถ้าเราฝากเงินฝากเท่ากับร้อยละ 4 ต่อปี)

$$PV_0 = 100 * \left[ \frac{1}{1.04^1} + \frac{1}{1.04^2} + \frac{1}{1.04^3} \right]$$

$$PV_0 = 277.51$$

เราคุยเรื่องพื้นฐานทางการเงินมา 4 ครั้งแล้ว ก็คงพอจะทราบถึง หลักการคำนวณหามูลค่าปัจจุบันมูลค่าในอนาคตของเงินก้อน และเงินงวด ซึ่งความรู้พื้นฐานส่วนนี้จะนำไปประยุกต์ใช้ในการคำนวณราคาตราสารหนี้กัน และในครั้งหน้าเราจะมาเริ่มตัวอย่างของการคำนวณราคาตราสารหนี้แบบพื้นฐานกันต่อไป (สำหรับใครที่เพิ่งเปิดมาอ่าน สามารถติดตามย้อนหลังได้จากเว็บไซต์ [www.thaibdc.or.th](http://www.thaibdc.or.th))